

# Licence Sciences et Technologies

## ANNEE: 2005/2006 SESSION DE MAI 2006

ETAPE: INF2 MAT2 MAI4 UE: INF102

**Epreuve**: Initiation à l'algorithmique

**Date**: 22 Mai 2006 **Heure**: 11 H 00 **Durée**: 1 H 30

**Documents:** Tous documents interdits

Vous devez répondre directement sur le sujet qui comporte 4 pages. Insérez ensuite votre réponse dans une copie d'examen comportant tous

les renseignements administratifs

Epreuve de Mme Delest.

Indiquez votre code  $\underline{\mathbf{d'anonymat}}$ :  $\mathbb{N}^{\circ}$ :

### La notation tiendra compte de la clarté de l'écriture des réponses. Barème

- Question 1 Connaissances générales : 4 points
- Question 2 Compréhension d'algorithme de tris : 3 points
- Question 3 Compréhension d'algorithme récursif : 3 points
- Question 4 Ecriture de fonctions : 3 points
- Question 5 Manipulation de tableau : 3 Points
- Question 6 Manipulation de listes : 4 points

### **Question 1.** Cochez les affirmations qui sont correctes :

- La boucle *pour* comporte un test
- Les instructions d'une boucle répéter sont toujours exécutées
- ☐ Une variable passée par *référence* à une fonction est recopiée dans l'environnement de la fonction.
- ☐ Les méthodes diviser pour régner permettent toujours d'obtenir une meilleure complexité en temps
- $\blacksquare$  La complexité minimale d'un algorithme de tri est en O(n)
- $\square$  Dans le tri rapide, les k premiers éléments du tableau sont à leur place après k appels récursifs
- ☐ Les listes ont toujours une complexité mémoire plus élevée que les tableaux.
- $\blacksquare$  Dans une liste simplement chaînée de *n* éléments, l'accès au dernier élément se fait en O(n)

### Question 2. Soit la fonction suivante :

```
fonction mystere(ref T:tableau[1..NMAX] d'entier,val N :entier) : entier ;
    var k,itmp,compt :entier ;
    var tmp :tableau[1..N]d'entiers ;
    début
         init(tmp, 0);
         k=2:
         itmp=0;
         compt=0:
         tant que k<=N faire
              siT[k] ==T[k-1]+1 alors
                  itmp=itmp+1;
                  tmp[itmp]=k;
                  compt=compt+1;
              finsi:
              k=k+1:
         fintantque;
         copie(tmp,T,1,itmp ,1);
         retourner(compt);
    fin:
```

où init et copie sont les fonctions décrites dans le cours.

finfonction

- 1. On considère le tableau A de dimension 8 contenant la séquence 0,0,1,0,1,1,0,1. Quel est le résultat de l'appel mystere(A,8)? Quel est l'effet de cet appel sur le tableau A? Le résultat de l'appel mystere(A,8) est 3. Le tableau A sera modifié. Il contiendra 3,5,8,0,1,1,0,1.
- 2. Quelle sera la valeur entière maximale retournée par la fonction si le tableau lors de l'appel a pour taille 2N et ne contient que des valeurs de l'ensemble {0,1}? Illustrez par un exemple. La valeur maximale sera N. En effet, le maximum sera obtenu quand on a une séquence de 0,1 qui se suivent. Par exemple, si N=6 on a le maximum pour 0,1,0,1,0,1.
- 3. Que se passe-t-il si on remplace ref par val dans l'en-tête de la fonction ? Le tableau est recopié dans la fonction. Par suite la fonction effectue une copie locale à la fonction et le tableau n'est pas modifié.
- 4. Donnez la complexité de cette fonction en nombre de tests ? ...O(N) ........

#### **Question 3.** Soit la fonction suivante :

```
fonction recurse(ref T:tableau[1..N] d'entier) : entier ;
    fonction recurseRec(ref T:tableau[1..N] d'entier,val k :entier) : entier ;
         début
              si (k==N+1) alors
                       retourner(0);
              sinon
                 si T[k] = T[k-1]+1 alors
                   retourner(1+recurseRec(T,k+1);
                   retourner(recurseRec(T,k+1));
              finsi
         fin
     finfonction;
     début
         retourner (recurseRec(T,2));
     fin:
finfonction
```

- 2. Donner la suite des appels récursifs provoqués par l'appel de la question précédente ainsi que l'état du contexte de la fonction à chaque appel.

|                 | T              | k       | Val. Fonct. |
|-----------------|----------------|---------|-------------|
| recurseRec(T,2) | @A             | 2       |             |
| recurseRec(T,3) | @A, @A         | 2,3     |             |
| recurseRec(T,4) | @A, @A, @A     | 2,3,4   |             |
| recurseRec(T,5) | @A, @A, @A, @A | 2,3,4,5 |             |
| <i>→</i> 0      | @A, @A, @A     | 2,3,4   | 0           |
| <i>→</i> 0      | @A, @A         | 2,3     | 0           |
| $\rightarrow 1$ | @A             | 2       | 1           |
| $\rightarrow l$ |                |         | 1           |
|                 |                |         |             |
|                 |                |         |             |

3. Dans la fonction récursive, le tableau est passé par référence. S'il était passé par valeur, quel serait l'effet sur la complexité ?

Si le tableau est passé par valeur, la complexité augmente en temps (recopie du tableau à chaque appel récursif) et en mémoire (place prise par la copie du tableau à chaque appel récursif).

**Question 4.** Soit un tableau B d'entiers de taille N.

1. Ecrire la fonction pic qui prend pour paramètre un index K et le tableau B et dont le résultat est vrai si B[K] = B[K-1]+1.

```
fonction pic(ref B:tableau[1..N]d'entiers ;val k:entier):booléen ; début retourner((k>1) et (k<=N) et (B[K]==B[K-1]+1)) fin finfonction
```

2. Ecrire une fonction *comptePic* qui utilise la fonction *pic* et dont le résultat est le nombre de fois où un entier est égal à l'entier qui le précède plus 1 dans le tableau. Par exemple si le tableau contient (0,1,0,0,1,0,1,1,0,1), le résultat est 4.

```
fonction comptePic(ref B :tableau[1..N]d'entiers) :entier; var i,c :entiers; début c=0; pour i allant de 2 à N faire si pic(B,i) alors c=c+1 finsi; finpour retourner(c) fin finfonction
```

**Question 5.** Soit un tableau T de dimension M de tableaux de taille N d'entiers triés en ordre croissant . Par exemple, M=3, N=4, un exemple de tableau T est :

| T[1]= | 2 | 5 | 6 | 12 |
|-------|---|---|---|----|
|       |   |   |   |    |
| T[2]= | 1 | 3 | 7 | 10 |
|       |   |   |   |    |
| T[3]= | 5 | 6 | 9 | 14 |
| r-1   | _ | _ |   |    |

En utilisant la fonction *fusion* décrite dans le cours, écrire une fonction *multiTri* qui reçoit en entrée un tel tableau et dont le résultat est un tableau d'entiers à une seule dimension contenant tous les entiers du tableau T triés en ordre croissant. On ne demande pas de réécrire la fonction *fusion*. On rappelle l'en-tête de cette fonction décrite en cours :

```
fonction fusion(ref T1:tableau[D1..N1] d'entier; ref T2:tableau[D2..N2] d'entier;
                val DT1,FT1,DT2,FT2:entier):tableau[1..FT1+FT2-DT1-DT2+2] d'entier;
fonction multiTri(ref T :tableau[1..M] de tableau[1..N] d'entiers) :tableau[1..N*M]d'entiers ;
  var R : tableau[1..N*M]d'entiers ;
  var i,d: entier;
  fonction fusionBis(ref A :tableau[1..N]d'entier ;ref B :tableau[1..N*M]d'entier ;
                    val p :entier ;val q :entier) :vide ;
    var F : tableau[1..p+q] d'entiers ;
    début
     F = fusion(A, B, 1, p, 1, q);
     copie(F,R,1,p+q,1);
   fin
  finfonction
 début
   copie(T[1],R,1,N,1);
   d=N:
   pour i allant de 2 à M faire
    fusionBis(T[i],R,N,d);
    d=d+N;
   finpour
  retourner(R);
 fin
finfonction
```

#### **Question 6.**

1. Quels sont les avantages et les inconvénients de l'utilisation des listes par rapport à l'utilisation de tableaux pour implémenter une séquence de nombres ?

Avantages : Il n'est pas nécessaire de connaître la taille maximum de la séquence de nombres. Inconvénients : tout nombre sera rangé avec au minimum la clé (pointeur) de son suivant par suite on utilise plus d'espace mémoire.

- 2. Soit L une liste simplement chaînée d'entiers.
  - Que contient L et P après la séquence d'instructions suivante

```
 \begin{array}{l} \text{var } L : \text{listeSC } d' \text{entier} \, ; \\ \text{var } P : \text{^creerListe}(L) \, ; \\ \text{insererEnTete}(4,L) \, ; \\ \text{P=premier}(L) \, ; \\ \text{insererAprès} \, (3,L,P) \, ; \\ \text{insererAprès}(4,L,P) \, ; \\ \text{P=trouverDernier}(L) \, ; \\ \text{insérerAprès}(5,L,P) \, ; \\ \text{P=premier}(L) \, ; \\ \text{supprimerAprès}(L,P) \, ; \\ \text{P=suivant}(L,\text{premier}(L)) \, ; \\ \\ \begin{array}{c} P = \text{adresse de } 3 \\ \hline Contenu(P) = 3 \\ \hline L = (4,3,5) \\ \end{array}
```

• Ecrire une fonction *comptePicListe* dont le résultat est le nombre de fois où un entier est égal à l'entier qui le précède plus un dans la liste L. On s'inspirera de la question 4.

```
fonction comptePicListe(ref B :tableau[1..N]d'entiers) :entier ;
    var c :entiers;
    var p :^entier ;
   fonction picListe(ref L :listeSC d'entiers ; val P :^entier) :booléen ;
      début
        retourner(contenu(P) = = contenu(suivant(L,P))-1)
     fin
   finfonction
  début
    c=0:
    si non(listeVide(L)) alors
     p=premier(L);
      tantque suivant(L,p) !=NIL faire
        si\ picListe(L,p)\ alors\ c=c+1\ finsi;
       p = suivant(L, p);
     fintantque
   finsi
   retourner(c);
  fin
finfonction
```