UE IN5011

Programmation 3

Programmation Fonctionnelle et Symbolique Devoir surveillé No 1

Tous documents autorisés.

Mercredi 19 Octobre 2011

Durée : 1h20.

Le barème est donné à titre indicatif.

Sur chaque feuille, indiquez vos nom, prénom et numéro de groupe.

Exercice 1 (2pts)

Évaluer les expressions suivantes :

- 1. (cons '(1) '(2 3))
- 2. (append '(1) '(2 3))
- 3. (list '(1) '(2 3))
- 4. (append '(1 2) '3)

Exercice 2 (2pts)

Pour chacun des deux résultats suivants, donner une expression Lisp donnant ce résultat et utilisant uniquement la fonction constructeur cons et des atomes. (ne pas utiliser quote).

- 1. ((1 2) 3 4)
- 2. ((1 . 2) (3 . 4))

Exercice 3 (3pts)

Écrite une fonction qui transforme une expression pré-fixée en une expression post-fixée. Un expression peut être soit un atome soit une liste dont le premier élément est un opérateur et les éléments suivants, les arguments. Exemples :

```
CL-USER> (prefix-to-postfix 3)
3
CL-USER> (prefix-to-postfix 'x)
X
CL-USER> (prefix-to-postfix '(+ 1 2 3))
(1 2 3 +)
CL-USER> (prefix-to-postfix '(+ (+ x 2) (* 4 x y)))
((X 2 +) (4 X Y *) +)
```

Exercice 4 (10pts)

Soient les deux fonctions iotal et iotal définies ci-dessous :

```
(defun riota (n)
    (if (zerop n)
        '()
        (cons n (riota (1- n)))))

(defun iota1 (n)
    (nreverse (riota n)))

(defun iota2 (n)
    (if (zerop n)
        '()
        (append (iota2 (1- n)) (list n))))
```

- 1. Que retourne l'appel (iotal 4)?
- 2. Que retourne l'appel (iota2 4)?
- 3. iotal et iotal sont-elles équivalentes (même effets pour mêmes arguments)?
- 4. Décrire en une phrase la fonction iotal (ce qu'elle prend en entrée et ce qu'elle retourne en sortie).
- 5. Quelle est la complexité de iotal en fonction de n?
- 6. Quelle est la complexité de iota2 en fonction de n?
- 7. Écrire une version récursive terminale iota-rt de la fonction iotal.
- 8. Quel est l'avantage de iota-rt par rapport à iotal?

Exercice 5 (3pts)

Écrire une fonction iota-f (f n) qui retourne la liste des valeurs de la fonction f sur les n premiers nombres entiers (à partir de 1). Exemples :

```
CL-USER> (iota-f (lambda (x) (* x x)) 10)
(1 4 9 16 25 36 49 64 81 100)
CL-USER> (iota-f #'fact 10)
(1 2 6 24 120 720 5040 40320 362880 3628800)
```

Note : on pourra utiliser une des fonctions de l'exercice précédent mais ça n'est pas obligatoire.

FIN