

Construire un algorithme : approche incrémentale

1. Supposer que l'algorithme fonctionne et qu'une partie des données ont été traitées avec succès.



Imaginer l'état des données ou de la structure de données.

Construire un algorithme : approche incrémentale

1. Supposer que l'algorithme fonctionne et qu'une partie des données ont été traitées avec succès.
2. Définir les actions à mener pour traiter la donnée suivante (incrémenter l'action).



Les données traitées ou la structure de données doivent être dans le même état que précédemment mais avec une donnée traitée en plus

Construire un algorithme : approche incrémentale

1. Supposer que l'algorithme fonctionne et qu'une partie des données ont été traitées avec succès.
2. Définir les actions à mener pour traiter la donnée suivante (incrémenter l'action).
3. Définir les conditions de début et de fin de l'algorithme



Réfléchir à comment commencer et quand s'arrêter

Construire un algorithme : approche incrémentale

1. Supposer que l'algorithme fonctionne et qu'une partie des données ont été traitées avec succès.
2. Définir les actions à mener pour traiter la donnée suivante (incrémenter l'action).
3. Définir les conditions de début et de fin de l'algorithme

Exemple ?

Recherche dans un tableau

```
def recherche(t, n, x):  
    i=0  
    trouve = False  
    while(trouve == False and i<n):  
        if (t[i]== x) :  
            trouve = True  
        else :  
            i=i+1  
    if (trouve == True):  
        return(i)  
    return(-1)
```

Recherche dans un tableau

```
def recherche(t, n, x):  
    i=0  
    trouve = False  
    while( not trouve and i<n):  
        if (t[i]== x) :  
            trouve = True  
        else :  
            i=i+1  
    if (trouve) :  
        return (i)  
    return (-1)
```

Complexité en temps ?
Complexité en mémoire ?
Retourne le 1^{er} si doublon :

Recherche dans un tableau

```
def recherche(t, n, x):  
    i=0  
    trouve = False  
    while( not trouve and i<n):  
        if (t[i]== x) :  
            trouve = True  
        else :  
            i=i+1  
    if (trouve) :  
        return (i)  
    return (-1)
```

Complexité en temps ? $\Omega(1)$ $O(n)$
Complexité en mémoire ? $\Theta(1)$
Retourne le 1^{er} si doublon : oui

Recherche dans un tableau

```
def rechercheDichotomique(t, n, x):  
    g = 0  
    d = n-1  
    trouve = False  
    while(not trouve and g<=d):  
        m=(g+d)//2  
        if (t[m]==x):  
            trouve = True  
        else :  
            if (t[m]<x):  
                g = m+1  
            else :  
                d = m-1  
    if (trouve):  
        return (m)  
    return (-1)
```

Complexité en temps ?
Complexité en mémoire ?
Retourne le 1^{er} si doublon :

→ k fois
que vaut k ?

Recherche dans un tableau

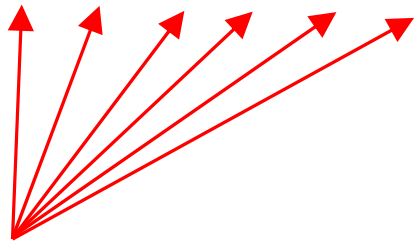
```
def rechercheDichotomique(t, n, x):  
    g = 0  
    d = n-1  
    trouve = False  
    while(not trouve and g<=d):  
        m=(g+d)//2  
        if (t[m]==x):  
            trouve = True  
        else :  
            if (t[m]<x):  
                g = m+1  
            else :  
                d = m-1  
    if (trouve):  
        return (m)  
    return (-1)
```

Complexité en temps ? $\Omega(1)$ $O(\log_2(n))$
Complexité en mémoire ? $\Theta(1)$
Retourne le 1^{er} si doublon : non

k fois
que vaut k ?

Recherche dans un tableau : exemples

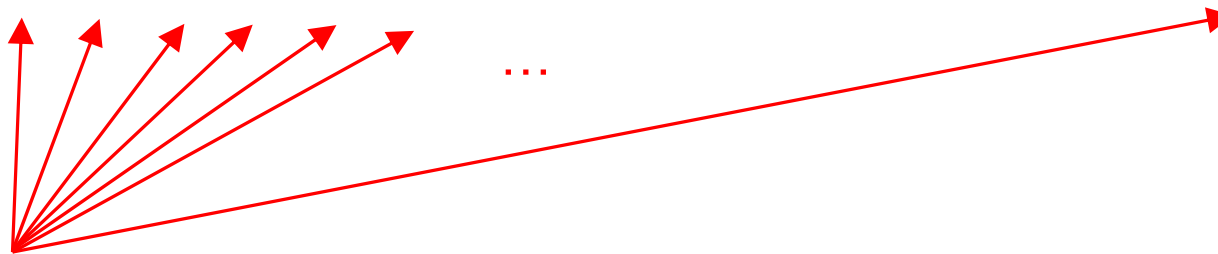
0	1				...								14	15	
2	9	5	8	2	4	7	2	4	6	2	4	8	2	4	1



Rechercher 4 dans le tableau : `return 5`

Recherche dans un tableau : exemples

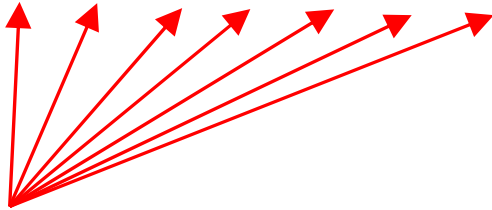
0	1					...							14	15	
2	9	5	8	2	4	7	2	4	6	2	4	8	2	4	1



Rechercher 3 dans le tableau : `return -1`

Recherche dans un tableau : exemples

0	1					...							14	15	
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9



Rechercher 4 dans le tableau : `return 6`

Recherche dans un tableau : exemples

0	1						...						14	15	
2	9	5	8	2	4	7	2	4	6	2	4	8	2	4	1

Recherche dichotomique de 4 dans le tableau : ???

Recherche dans un tableau : exemples

0	1						...						14	15	
2	9	5	8	2	4	7	2	4	6	2	4	8	2	4	1

Recherche dichotomique de 4 dans le tableau :

Impossible le tableau n'est pas trié !!!

Recherche dans un tableau : exemples

0	1						...						14	15	
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9

Recherche dichotomique de 4 dans le tableau :

0	1						7							15	
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9

Dès le début de l'algorithme avec $g==15$ et $d==0$ on a :

```
m=(g+d)//2
```

```
if (t[m]==x):
```

```
    trouve = True
```

La boucle s'arrête, 7 sera retourné, ce n'est pas l'indice du 1^{er} « 4 » présent dans le tableau.

243

Recherche dans un tableau : exemples

0	1						...						14	15	
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9

Recherche dichotomique de 3 dans le tableau :

0	1	2	3	4	5	6	7								15
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9
1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	5	6	7	8	8	9

$d == f$, $t[d] != 3$ à l'itération suivante on aura $f < g$
donc 3 n'est pas dans le tableau

44