
 Le sujet comporte 4 exercices

Aucun document n'est autorisé.

Exercice 1 Questions de Cours

1. On suppose disposer d'une fonction capable de calculer la moyenne de plusieurs entiers. Le code de cette fonction est écrit dans un fichier appelé `moyenne.c`.

L'exécutable est obtenu suite à la compilation suivante :

```
gcc -std=c99 -Wall moyenne.c -o moyenne
```

L'utilisateur exécute la commande suivante :

```
./moyenne 11 8 13 12 7 10
```

Compléter le tableau suivant en indiquant pour chacune des expressions son type et sa valeur.

	Type	Valeur
<code>argc</code>	<code>int</code>	<code>7</code>
<code>argv[2]</code>	<code>char *</code>	<code>"8"</code>
<code>atoi(argv[5])</code>	<code>int</code>	<code>7</code>
<code>argv[7]</code>	<code>void *</code>	<code>Null</code>

2. Soit `b` une variable de type `bool`. Compléter le tableau suivant en indiquant les différentes valeurs de `b`. Justifiez brièvement votre réponse.

<code>bool b</code>	Valeur de <code>b</code>	Justification
<code>b=(!8);</code>	<code>false</code>	Tout entier non nul correspond à <code>true</code> et <code>!true = false</code> , donc <code>b</code> vaut <code>false</code> .
<code>b= (!0) && (3 0);</code>	<code>true</code>	L'entier 0 correspond à <code>false</code> , donc <code>(!0) && (3 0) = !false && (true false)</code> . Ainsi <code>b</code> vaut <code>true && true</code> , c'est à dire <code>true</code> .
<code>int d; int c; int a=1; b=(a (d==c));</code>	<code>true</code>	D'après "l'évaluation paresseuse", comme <code>a</code> vaut <code>true</code> , <code>b</code> vaut <code>true</code> .
<code>int d; int c; int a=0; b=(a && (d==c));</code>	<code>false</code>	D'après "l'évaluation paresseuse", comme <code>a</code> vaut <code>false</code> , <code>b</code> vaut <code>false</code> .

Exercice 2

On dira qu'un tableau t à n éléments possède un "pic" à la position i si la valeur $t[i]$ est strictement plus grande que $t[i-1]$ et $t[i+1]$.

Notez bien que t ne peut pas avoir de pic en position 0, ni en position $n-1$.

De même, un tableau à moins de trois éléments ne peut pas posséder de pics.

1. Donner le nombre de pics du tableau $t=[0,1,0,1,2,-1,3,3,0,0,1]$ à $n=11$ éléments ainsi que leurs positions éventuelles.

Le nombre de pics du tableau t est 2. Ils sont en position 1 et 4.

2. Écrire une fonction `nombrePics` qui calcule et renvoie le nombre de pics d'un tableau t de n entiers.

```
1   int nombrePics(int t[], int n){
2       int nb_pics = 0;
3       for(int i=1; i<n-1; i++){
4           if(t[i-1]<t[i] && t[i]>t[i+1]){
5               nb_pics ++;
6           }
7       }
8       return nb_pics;
9   }
```

Exercice 3 La fonction `mystere` donnée ci-dessous prend en paramètre un entier naturel :

```
1 int mystere(int n){
2   if ( n==0 ){
3     return 1;
4   }
5   int k = 0;
6   while ( n>0 ){
7     n = n/10;
8     k = k+1;
9   }
10  return k;
11 }
```

1. Quelle est la valeur renvoyée par l'appel `mystere(57312)` ?

La valeur renvoyée par l'appel `mystere(57312)` est 5.

2. Que renvoie la fonction en général si on lui passe en paramètre un entier naturel `n` ?

En général, la fonction renvoie le nombre de chiffre de `n`.

3. Écrire une fonction `int chiffreMax(int n)` qui calcule et renvoie le plus grand chiffre de l'entier naturel `n`. Par exemple si `n` vaut 57321, la fonction doit renvoyer 7.

```
1 int chiffreMax(int n){
2   int max = 0;
3   int r;
4   while( n>0 ){
5     r = n%10;
6     if( r>max ){
7       max = r;
8     }
9     n = n/10;
10  }
11  return max;
12 }
```

Exercice 4

On dira qu'un tableau t de n entiers est *strictement croissant* si les valeurs qu'il contient sont toutes différentes et rangées dans l'ordre croissant lorsqu'on les lit de gauche à droite.

Par exemple $t=[3,6,7,8]$ est strictement croissant, mais $t=[3,6,6,7,8]$ ne l'est pas.

Par convention, un tableau contenant 0 ou 1 élément est considéré comme strictement croissant.

Dans les questions 1 et 2 suivantes on considère des **tableaux d'entiers dont toutes les valeurs sont distinctes**.

1. Écrire une fonction `bool estStrictementCroissant(int t[], int n)` qui retourne `true` si le tableau t de n entiers est strictement croissant, et `false` sinon.

```
1     bool estStrictementCroissant(int t[], int n){
2         for(int i=1; i<n; i++){
3             if( t[i-1]>t[i] ){
4                 return false;
5             }
6         }
7         return true;
8     }
```

On dira qu'un tableau est *strictement monotone* si les valeurs qu'il contient sont rangées soit dans l'ordre strictement croissant, soit dans l'ordre strictement décroissant.

Par exemple, $t=[2,5,6,8]$ est strictement monotone, ainsi que $t=[7,6,3,1]$, mais $t=[2,3,2,1]$ ne l'est pas.

Par convention, un tableau contenant 0 ou 1 élément est considéré comme strictement monotone.

2. Écrire une fonction `bool estMonotoneStrict(int t[], int n)` qui retourne `true` si le tableau t de n entiers est strictement monotone, et `false` sinon. **Votre fonction ne devra parcourir le tableau qu'une seule fois.**

```
1     bool estMonotoneStrict(int t[], int n){
2         if( n==0 || n==1 ){
3             return true;
4         }
5         if( t[0]<t[1] ){
6             for(int i=2; i<n; i++){
7                 if( t[i-1]>t[i] ){
8                     return false;
9                 }
10            }
11        }
12        else{
13            for(int i=2; i<n; i++){
14                if( t[i-1]>t[i] ){
15                    return false;
16                }
17            }
18        }
19        return true;
20    }
```

On considère maintenant des tableaux d'entiers dont les valeurs **ne sont pas** nécessairement toutes distinctes. On dira qu'un tableau `t` est *croissant* (respectivement *décroissant*) si les valeurs qu'il contient sont croissantes (respectivement *décroissantes*) lorsqu'on les lit de gauche à droite. On dira qu'un tableau est *monotone* si les valeurs qu'il contient sont rangées soit dans l'ordre croissant soit dans l'ordre décroissant. Par convention, un tableau contenant 0 ou 1 élément est considéré comme monotone.

3. Écrire une fonction `bool estMonotone(int t[], int n)` qui retourne `true` si le tableau `t` de `n` entiers est monotone, et `false` sinon.

Votre fonction ne doit utiliser qu'une seule structure de boucle et n'appeler aucune autre fonction.

Solution 1 :

```

1     bool estMonotone(int t[], int n){
2         int i=1;
3         bool c=true;
4         bool d=true;
5         while( i<n && (c||d) ){
6             if( t[i-1]<t[i] )
7                 d=false;
8             if( t[i-1]>t[i] )
9                 c=false;
10            i++;
11        }
12        return (c||d);
13    }

```

Solution 2 :

```

1     bool estMonotone(int t[], int n){
2         int i=1;
3         bool c=t[0]<=t[n-1];
4
5         for(int i=1; i<n; i++){
6             if(c){
7                 if( t[i-1]>t[i] ){
8                     return false;
9                 }
10            }
11            else{
12                if( t[i-1]<t[i] ){
13                    return false;
14                }
15            }
16        }
17        return true;
18    }

```

4. En réutilisant les fonctions demandées dans les questions précédentes, écrire une fonction `bool estCroissant(int t[], int n)` qui retourne `true` si le tableau `t` de `n` entiers est croissant, et `false` sinon. **Votre fonction ne doit pas contenir de structures de boucle.**

```
1     bool estCroissant(int t[], int n){
2         if( n==0 ){
3             return true;
4         }
5         if( t[0]<=t[n-1] && estMonotone(t,n)){
6             return true;
7         }
8         return false;
9     }
```