### Algorithmique des Tableaux Licence 1: maths/Info

2019-20

Carole Blanc carole.blanc@u-bordeaux.fr

#### Introduction

- Informations pratiques
- Objectifs du cours

Algo des Tableaux 2019-20

#### Site de l'UE 4TPM205U

http://dept-info.labri.fr/ENSEIGNEMENT/algotab/

Algo des Tableaux 2019-20

#### Informations Pratiques

#### Organisation de l'UE:

- Dans les edt 2 séries A et B
- 10 séances de cours (1h20)
- 11 séances de TD (1h20)
- 11 séances de TD machine (1h20)
- TD 11 groupes :A1...A6, B1B2B4B5 et PI/CMI
  - Organisés selon les options choisies
  - Un groupe spécifique pour le parcours LI/CMI avec TD en anglais.
- TD machine: 16 groupes

2gpes TD->3gpes Td machine (TM)

1gpes TD->2gpes TM si effectif important 1gpe sinon

### **Informations Pratiques**

#### Organisation de l'UE:

TD machine: 17 groupes 2gpes TD->3gpes TM

• Lundi : B1 et B2

• Mardi : A6 et PI\_CMI OPTIM

Mardi : A3 et A4

Mardi A5 + CMI ISI est autonome sauf effectif

croissant

Mercredi : Groupes A1 et A2 Vendredi : Groupes B4 et B5

Algo des Tableaux 2019-20

### IP: l'emploi du temps

- Vous serez répartis sur les 3<sup>ème</sup> TD machine selon le découpage en demi-groupe.
- Les PI et CMI suivent les précions qui les concernent.
- Lire régulièrement votre boite mail « d'étudiant/e»
- Poser vos questions par mail en utilisant votre adresse étudiante. (carole.blanc@u\_bordeaux.fr)

Algo des Tableaux 2019-20

# IP : Les enseignants

		Enseignant TD	Enseignant TM	Enseignant TM supplémentaire
	A1	Zenaïda Tucsnak	Zenaïda Tucsnak	Pierre-Etienne Martin
	A2	???	????	
Ī	A3	Anne Vialard	Anne Vialard	
	A4	Olivier Delmas	Olivier Delmas	
Ì	<b>A</b> 5	Driss Nejjari	Driss Nejjari	Driss Nejjari ou ???
	A6	Giuliana Bianchi	Giuliana Bianchi	
	PI-CMI	Thalita Firmo Drumond	Thalita Firmo Drumond	Jason Schoeters
	B1	Anne Vialard	Anne Vialard	
	В2	Raluca Uricaru	Raluca Uricaru	Driss Nejjari
	B4	Stefka Gueorguieva	Stefka Gueorguieva	
	В5	Thalita Firmo Drumond	Thalita Firmo Drumond	Guillaume Blin
N	THE PARTY OF THE P			o des Tableaux 2019-20 6

# IP : Modalités de contrôle des connaissances

Epreuves	Session 1
2 Tests 20mn en TD	0,1 chacun
TP noté 1h	0,2
DS semaine 1h semaine du 14/04	0,2
Examen	0,4

Pas de Session 2

#### Objectif du cours

- Ecrire des algorithmes et programmer des fonctions en s'appuyant sur un langage impératif.
- Etudier l'algorithmique des tableaux : tris de tableaux et calcul numérique.

#### Seront traitées les notions de:

- Variables, expressions, affectations.
- Structures de contrôle : boucles, conditionnelles.
- Portée des noms et durée de vie des variables.
- Algorithmes et fonctions récursives.
- Coût d'une opération et de complexité élémentaire.
- La programmation des algorithmes se fera en Python
- Les supports de cours et de TD/TM seront disponibles sur le site de l'UE au fur et à mesure.

Algo des Tableaux 2019-20

### Rappels : Algorithmes

- Qu'est-ce qu'un algorithme?
- Notion d'efficacité des algorithmes :
- structures de données
- temps de calculs

Algo des Tableaux 2019-20

### Partie 1: Rappels

- Algorithme
- ▶ Programme
- Syntaxe du langage Python.

Algo des Tableaux 2019-20

#### Qu'est-ce qu'un algorithme?

- Un algorithme est une méthode systématique (comme une recette) pour résoudre un problème donné.
- Il se compose d'une suite d'opérations simples à effectuer pour résoudre un problème.

#### Qu'est-ce qu'un algorithme?

Exemple 1 : faire n tasses de café



Algo des Tableaux 2019-20

#### Qu'est-ce qu'un algorithme?

Exemple 1 : algorithme pour faire n tasses de café
mettre un filtre
niveau\_reservoir =0
Tant que niveau\_reservoir < n faire
mettre une dose d'eau dans le reservoir
augmenter niveau\_reservoir de 1
Fin tant que
nb\_doses = 0
Tant que nb\_doses < n faire
mettre une dose de cafe dans le filtre
augmenter nb\_doses de 1
Fin tant que
allumer la cafetiere</pre>



Quelle instruction manque-t-il si on veut boire 10 tasses de café ?

faire 10 tasses de café

Algo des Tableaux 2019-20

#### Qu'est-ce qu'un algorithme?

Exemple 1 : algorithme pour faire n tasses de café
mettre un filtre
niveau\_reservoir =0
Tant que niveau\_reservoir < n faire
 mettre une dose d'eau dans le reservoir
 augmenter niveau\_reservoir de 1
Fin tant que
nb\_doses = 0
Tant que nb\_doses < n faire
 mettre une dose de cafe dans le filtre
 augmenter nb\_doses de 1
Fin tant que
allumer la cafetiere</pre>



Vous ne connaissez pas n, conséquence?

Algo des Tableaux 2019-20

#### Qu'est-ce qu'un algorithme?

- Un algorithme est une méthode systématique (comme une recette) pour résoudre un problème donné.
- Il se compose d'une suite d'opérations simples à effectuer pour résoudre un problème.
- ▶ En informatique cette méthode doit être applicable par un ordinateur.

### Qu'est-ce qu'un algorithme?

#### Exemple 2 : afficher les diviseurs de l'entier n

```
si n > 0 alors
 pour tout entier i entre 1 et n faire
  si n est divisible par i alors
    afficher(i)
   finsi
 finpour
finsi
```

Remarquez l'usage ici d'un pseudo langage

## Représenter et organiser les données Exemple : Construire une ville de 15 maisons en évitant aux livreurs de pizzas qui suivent les rues un trajet trop long depuis la pizzeria. Organisation 1 : Linéaire. Numéros croissants. Pizzeria au numéro 1. 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 Organisation 2: Embranchements. À l'ouest de la maison k, $n^{\circ} < k$ , et à l'est, $n^{\circ} > k$ . La pizzeria est au numéro 8.

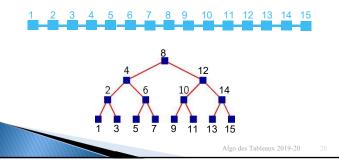
#### Importance de l'algorithmique

- > Pour un problème donné, il y a plusieurs algorithmes.
- Il est facile d'écrire des algorithmes faux ou inefficaces.
- Une erreur peut faire la différence entre plusieurs années et quelques minutes de calculs sur une même machine.
- C'est souvent une question d'utilisation de structures de données ou d'algorithmes connus dans la littérature.
- Une structure de données est une façon particulière d'organiser les données.

Algo des Tableaux 2019-20

#### Temps de calcul

Dans les deux organisations, le livreur a une méthode simple pour trouver une maison en partant de la pizzeria.



#### Temps de calcul

- Dans les deux organisations, le livreur a une méthode simple pour trouver une maison en partant de la pizzeria.
- On suppose qu'il faut une unité de temps pour passer d'une maison à une autre (en suivant une rue).
- Dans le cas le pire, quel est le temps mis par un livreur pour aller jusqu'à une maison depuis la pizzeria?

Algo des Tableaux 2019-20

#### Temps de calcul

- Le temps de calcul (ou complexité) d'un algorithme est la fonction mathématique qui donne le nombre maximal d'instructions élémentaires que l'algorithme effectue en fonction de la taille des données manipulées.
- Par exemple si on travaille sur des objets de taille *n*, le temps de calcul est évalué en fonction de *n*.

Algo des Tableaux 2019-20

#### Temps de calcul

Nombre de maisons	Temps avec organisation 1	Temps avec organisation 2
15	14	3
1023	1022	9
1 073 741 823	1073741822	29
n	n-1	~log <sub>2</sub> (n)

Rq: une organisation en étoile avec la pizzeria au milieu permet des trajets très courts, mais choisir la bonne rue prend du temps.

Algo des Tableaux 2019-20

#### Temps de calcul

- En pratique, on se contente d'un ordre de grandeur.
- Pour déterminer si un algorithme est efficace, on compte le nombre d'opérations nécessaires à effectuer dans le pire des cas et en fonction de la taille de la donnée.
- Exemples d'opérations élémentaires comptées
  - additionner, soustraire, multiplier ou diviser deux nombres,
  - tester si une valeur est égale à une autre valeur,
  - affecter une valeur à une variable.

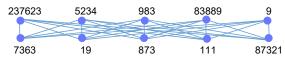
#### Temps de calcul

- **▶** Exemple
- avec l'organisation 1 pour une ville de n maisons, l'algorithme naturel pour trouver une maison a une complexité linéaire qu'on note : O(n).
- avec l'organisation 2 pour une ville de n maisons, l'algorithme naturel pour trouver une maison a une complexité logarithmique qu'on note : O(log<sub>2</sub>(n)).
- L'organisation 2 est beaucoup plus efficace pour trouver une maison.

Algo des Tableaux 2019-20

#### Temps de calcul : 2ème exemple

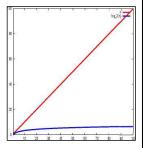
- <u>Problème</u>: déterminer si 2 ensembles *E1*, *E2* de *n* entiers ont une valeur commune.
- Algorithme 1: comparer successivement chaque élément de E1 avec chaque élément de E2. Il faudra environ n² comparaisons.



Algo des Tableaux 2019-20

#### Différence entre *n* et log *n*

- Pour notre livreur de pizza :
- $^{\circ}$  Si  $n=10^6$ , alors  $\log_2(n) \approx 20$  II fait 50 000 fois moins de déplacements si les maisons sont organisés par « embranchements ».
- ° Si  $n = 10^9$ , alors  $\log_2(n) \approx 30$ , il fait alors 30 000 000 fois moins de déplacements.



Algo des Tableaux 2019-20

#### Temps de calcul : 2ème exemple

- <u>Problème</u>: déterminer si 2 ensembles *E1*, *E2* de *n* entiers ont une valeur commune.
- Algorithme 2: Avec un structure de données adaptées, on peut résoudre le problème avec environ n\*log(n) comparaisons.

E1  =  E2	Algorithme 1	Algorithme 2
n	n <sup>2</sup>	n*log(n)
10	100	10
1000	1000000	3000
100000	1000000000	500000

### Différence entre O(n2) et O(n log(n))

Sur un ordinateur exécutant une instruction élémentaire en  $10^{-9}\,\mathrm{s}$ .

- Si les ensembles *E1* et *E2* ont  $n = 1 000 000 = 10^6$  elts
- Exécuter n \* log n instructions élémentaires nécessite 0,006s.
- Exécuter n² instructions élémentaires nécessite 10³s soit environ 16mn40s.
- Si les ensembles *E1* et *E2* ont  $n = 10\ 000\ 000 = 10^7$  éléments
  - Exécuter  $n * \log n$  instructions élémentaires nécessite 0,07s. • Exécuter  $n^2$  instructions élémentaires nécessite  $10^5$ s soit plus
  - Exécuter n² instructions élémentaires nécessite 105 soit plus d'une journée.
- En informatique, on manipule parfois des ensembles énormes
- Google indexe plusieurs 30 000 milliards de pages web,
   Google reçoit près de 5,5 milliards de requêtes/jour.